
Testul de număr prim C++

ENUNT: Se citește de la tastatură un număr n . Determinați dacă numărul citit este prim și afișați un mesaj corespunzător.

Codul afișat mai jos determină dacă numărul are divizori proprii, pe care îi numără folosind variabila nr . În final, dacă numărul are divizori proprii, programul afișează mesajul “Numărul nu este prim”, iar dacă $nr = 0$ (numărul nu are divizori proprii), afișează mesajul “Numărul este prim”.

Un număr este prim dacă are doar divizori improprii (dacă este divizibil doar cu 1 și cu el însuși).

```
#include <iostream>
using namespace std;
int n,d,nr;

int main()

{

cin>>n;
for(d=2;d<=n/2;d++)
    if(n%d==0) nr++;

if (n<=1) nr++;

if(nr==0) cout<<"Numarul este prim";
else cout<<"Numarul NU este prim";

return 0;
}
```

VARIANTA OPTIMA

-orice numar (daca nu e prim) are cel putin un divizor mai mic sau egal cu radical din el

Exemplu: pentru $nr = 14$ gasim divizor un $numar \leq \sqrt{14}$ - $2 \leq 3$

```
#include <iostream>
using namespace std;
int n,d,nr;
int main()
{
cin>>n;
d=2;
while (d*d<=n && n%d!=0) d++;

if(n>=2 && d*d>n) cout<<"Numarul este prim";
else cout<<"Numarul NU este prim";

return 0;
}
```

Descompunerea în factori primi C++

ENUNT: Se citește de la tastatură un număr n . Determinați și afișați pe ecran descompunerea în factori primi ai acestuia.

```
#include <iostream>
int main()
{
    int n,d,p;
    cin>>n;
    d=2;
    while (n>1)
    {
        p=0;
        while (n%d==0)
        {
            p++;
            n=n/d;
        }
        if (p>0) cout<<d<<" la puterea "<<p<<endl;
        d=d+1;
    }
}
```

OBS. Putem îmbunătăți algoritmul (eficientiza) astfel: pentru numerele prime (pentru care nu există nici un divizor în afară de 1 și numărul însuși) în cazul în care se depășește radical din număr putem "sări" la numărul însuși.

```
#include <iostream>
int main()
{
    int n,d,p;
    cin>>n;
    d=2;
    while (n>1)
    {
        p=0;
        while (n%d==0)
        {
            p++;
            n=n/d;
        }
        if (p>0) cout<<d<<" la puterea "<<p<<endl;
        if (d*d<=n) d=d+1;
        else d=n;
    }
}
```

Divizorii proprii ai unui număr C++

ENUNT: Se citește de la tastatură un număr n . Determinați și afișați divizorii proprii ai acestuia în caz că există.

Codul afișat mai jos parcurge intervalul $[2, n/2]$ printr-o instrucțiune for, folosind variabila d . În cazul în care aceasta divide numărul n , atunci d este afișată, întrucât este un divizor propriu al numărului n .

Un număr n poate avea divizori proprii și improprii.

Divizorii improprii ai unui număr sunt 1 și numărul însuși.

Divizorii proprii sunt restul numerelor care divid pe n , cuprinse între $[n, n/2]$.

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()

{ int n,d;
  cin>>n;
  cout<<"Divizorii proprii ai lui n sunt: ";
  for(d=2;d<=n/2;d++)
    if(n%d==0)  cout<<d<<" ";
return 0;
}
```

Cel mai mare divizor comun (cmmdc) C++

ENUNT: Se citesc de la tastatură două numere a și b. Determinați și afișați pe ecran cel mai mare divizor comun al acestora.

Codul de mai jos determină cel mai mare divizor comun al lui a și b prin scăderi repetate, afișându-l la final.

PRIN SCĂDERI REPETATE

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int a,b;
    cin>>a>>b;

    //se determina cel mai mic divizor comun prin scaderi repetate
    while(a!=b)
        if(a>b) a=a-b;
        else b=b-a;

    //se afiseaza a (care memoreaza acum cmmdc-ul dintre cele 2 numere)
    cout<<"Cmmdc = "<<a;
}
```

PRIN ÎMPĂRȚIRI REPETATE

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int a,b,r;
    cin >>a>>b;
    r=a%b;
    while (r!=0)
    {
        a=b;
        b=r;
        r=a%b;
    }
    cout << "cmmdc=" << b<<endl;
    // b este ultimul rest nenul (acesta este cmmdc)
    return 0;
}
```

OBS. Algoritmul de determinare al cmmdc-ului prin împărțiri repetate este mai rapid decât cel prin scăderi repetate

Cel mai mic multiplu comun (cmmmc) C++

ENUNT: Se citesc de la tastatură doua numere a și b. Determinați și afișați cel mai mic multiplu comun al acestora.

Codul de mai jos află cel mai mare divizor comun (cmmdc) al celor două numere pentru ca mai apoi să-l folosească pentru a determina cel mai mic multiplu comun (cmmmc) folosind formula consacrată,

$cmmmc = (a*b) / cmmdc$.

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int a,b,x,y;
    cin>>a>>b;
    // păstrăm în 2 variabile auxiliare (copii) cele 2 numere, deoarece
    // la finalul algoritmului de determinare cmmdc, aceste variabile își
    // pierd valorile inițiale)
    x=a;
    y=b;
    while(x!=y)
        if(x>y) x=x-y;
        else y=y-x;
    cout<<"cmmmc = "<<(a*b)/x;
}
```